

$$\left. \begin{aligned} m \cdot a &= F \cos \alpha - \mu g \sin \alpha - F_r \\ 0 &= N - m g \cos \alpha - F \sin \alpha \\ F_r &= \mu \cdot N \end{aligned} \right\}$$

$$F = 100 \text{ N} / \text{s}^2 \quad m \cdot a = F \cos \alpha - \mu g \sin \alpha - \mu (m g \cos \alpha + F \sin \alpha)$$

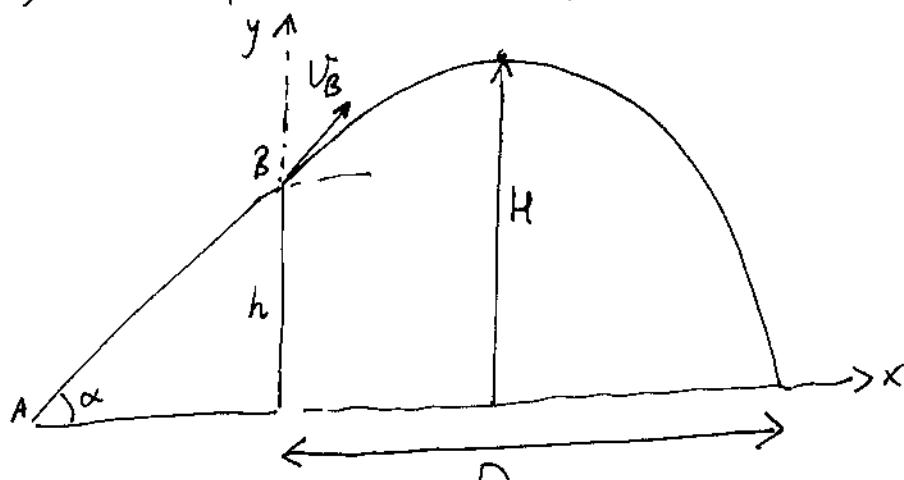
$$a = \frac{1}{m} F (\cos \alpha - \mu \sin \alpha) - g (\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$$

$$\boxed{a = 7,16 - 7,59 = 64,05 \text{ m/s}^2}$$

$$\left. \begin{aligned} v_B &= a \cdot t \\ L &= \frac{1}{2} a t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2L}{a}} \end{aligned} \right\} v_B = a \cdot \sqrt{\frac{2L}{a}} = \sqrt{2aL} = 19,59 \text{ m/s}$$

a)  $v_{Bx} = \sqrt{2aL} \cos \alpha = 16,97 \text{ m/s}$   
 $v_{By} = \sqrt{2aL} \sin \alpha = 9,799 \text{ m/s}$

b) La trayectoria es una parábola. Cálculo de H y D



$$\begin{aligned} x &= v_{Bx} \cdot t \\ y &= h + v_{By} t - \frac{1}{2} g t^2 \\ h &= L \sin \alpha \end{aligned}$$

La ecuación de la parábola es  $y = b \sin \alpha + \frac{v_{By}}{v_{Bx}} x - \frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_{Bx}^2}$   
 que en números es  $y = 1,5 + 0,58x - 0,0174x^2$   
 el vértice  $H = 6,33 \text{ m.}$  y  $D = 35,75 \text{ m}$

Nota: Si  $F(t) = 10 \cdot t$  entonces

$$a = \frac{10 \cdot t}{m} (\cos \alpha - \mu \sin \alpha) - g (\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$$

$$a = A \cdot t + B \quad \text{con} \quad A = \frac{10}{m} (\cos \alpha - \mu \sin \alpha) = 7,16 \text{ m/s}^2$$

$$B = -g (\sin \alpha + \mu \cos \alpha) = -7,6 \text{ m/s}^2$$

tenemos que la aceleración depende linealmente de  $t$

$$v(t) = \int_0^t a(t) dt = \int_0^t (A \cdot t + B) dt = A \frac{t^2}{2} + B \cdot t$$

$$e(t) = \int_0^t v(t) dt = \frac{At^3}{6} + \frac{Bt^2}{2}$$

a) relojada en B:  $e(t) = L = 3 \text{ m} \rightarrow$  calculamos  $t$   
hay que resolver

$$\frac{At^3}{6} + \frac{Bt^2}{2} - L = 0 \quad \text{o bien: } 1,193t^3 - 3,8t^2 - 3 = 0$$

la única solución real es  $t = 3,4 \text{ s}$

por tanto  $v_B = v(t=3,4) = 15,6 \text{ m/s}$

$$\begin{cases} v_{Bx} = v_B \cos \alpha = 13,51 \text{ m/s} \\ v_{By} = v_B \sin \alpha = 7,8 \text{ m/s} \end{cases}$$

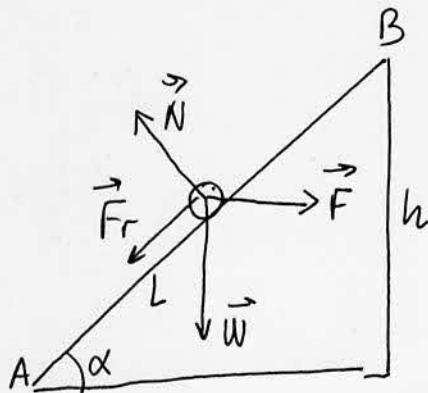
b) Ahora la trayectoria es

$$y = 1,5 + 0,58x - 0,0274x^2$$

y por tanto  $H = 4,5693 \text{ m}$

$$D = 23,49 \text{ m}$$

## SOLUCION POR ENERGIAS



$$E(A) + W_{A \rightarrow B}^{NC} + W_{A \rightarrow B}^F = E(B)$$

(1) ↑ (2) ↑ TRABAJO DE  $\vec{F}$   
TRABAJO DE LA FUERZA DE ROZAMIENTO

PARTIMOS DEL REPOSO EN A (SALVO QUE SE DIGA LO CONTRARIO)

$$E(A) = 0$$

$$E(B) = \frac{1}{2}mv_B^2 + mgh = \frac{1}{2}mv_B^2 + mgl \operatorname{sen}\alpha$$

$$E(B) = \frac{1}{2}mv_B^2 + mgl \operatorname{sen}\alpha = \frac{1}{2}mv_B^2 + \mu L(F_{deux\alpha} + \mu g \cos\alpha)$$

$$(1) \rightarrow W_{A \rightarrow B}^{NC} = -\mu \cdot N \cdot L = -\mu L(F_{deux\alpha} + \mu g \cos\alpha)$$

$$N = F \cos\alpha + \mu g \cos\alpha$$

$$(2) \rightarrow W_{A \rightarrow B}^F = F \cos\alpha \cdot L$$

$$0 - \mu L(F_{deux\alpha} + \mu g \cos\alpha) + F \cos\alpha \cdot L = \frac{1}{2}mv_B^2 + mgl \operatorname{sen}\alpha$$

DE DONDE SE OBTIENE DIRECTAMENTE  $v_B$

$$v_B = \sqrt{\frac{2}{m} F \cdot L (\cos\alpha - \mu \operatorname{sen}\alpha) - 2lg(\operatorname{sen}\alpha + \mu \cos\alpha)} = \underline{\underline{19,59 \text{ m/s}}}$$